REMARKS

Claims 4, 6, 8-11, 13, 15, 17, 21 and 22, as amended, remain herein.

Claims 1-3, 5, 7, 12, 14, 16 and withdrawn claims 18-20 have been cancelled without prejudice or disclaimer.

Claims 4, 9, 10, 11, 15 and 16 have been rewritten into independent form.

Independent claims 21 and 22 have been added, reciting the limitations of claims 9 and 10, respectively, plus the limitations of original claim 11.

1. Applicants note that the Japanese Unexamined Patent Application Publication H5-136417 mentioned in the specification at page 4, was cited in the Information Disclosure Statement filed March 14, 2002.

The Office Action mentioned that a publication date for one reference was missing from the March 14 Information Disclosure Statement. The article by Mr. Nanno, titled "Analysis of Photo Induced Current of Low Temperature p-SI TFT," was published in October 2001.

- 2. Objections were stated to the drawings for improper labeling. Submitted herewith is a copy of Figure 38 labeled as "Prior Art." Withdrawal of the objection to the drawings is respectfully requested.
- 3. Objections were stated to the specification. Minor editorial changes were made to pages 22, 32 and 52, thereby mooting those objections.
- 4. Objections were stated to claims 1-6 and 14-17. Claims 1-3, 5, 14 and 16 have been cancelled, and each informality in claims 4, 6, 15 and 17 has been amended. The independent claims recite the drain region having therein an lightly doped drain region (LDD), thereby mooting those objections.
- 5. Claims 1-6, 11-13 and 14-17 were rejected under 35 U.S.C. §112, first paragraph, as allegedly claiming subject matter not fully described in the specification. Claims 1-3, 5, 12, 14 and 16 have been cancelled thereby mooting their rejection.

The Office Action states that "the specification fails to provide an adequate description about how R is controlled and measured." Generally, sheet resistance R is controlled by adjusting an acceleration voltage and the concentration of an ionized doping gas in an ion doping process, which is a technique known in the art. An example of such known technique is described in the publication about lowtemperature p-Si process titled "Toshiba Review Vol. 55, No. 2 (2000) . " A copy of the pertinent pages of that Japanese language publication is attached hereto (Attachment A). attached is a copy of lecture material from the University of Electro-Communications, which contains a Japanese language explanation on the principle of measuring sheet resistance by a 4-point probe method (Attachment B). An English language description of the method described therein follows:

Sheet resistance R is measured by a general 4-point probe method, the principle of which is as follows. Four terminals are placed in a straight line, and a constant current is allowed to pass through two of the terminals that are located at both ends of the line. Under this state, the potential difference of the remaining two terminals located at the middle of the line is measured. The applied current, potential difference, and distance between the terminals are used to measure sheet resistance R.

Accordingly, the subject matter of applicants' claims is fully described in the specification, and the specification refers to a known technique for controlling and measuring sheet resistance R. Reconsideration and withdrawal of the rejection are respectfully requested.

6. Claims 1-6 and 14-17 were rejected under 35 U.S.C. \$112, second paragraph, as being incomplete. Claims 1-3, 5, 14 and 16 have been cancelled, thereby mooting their rejection. The claims no longer recite the phrase "width of the depletion layer."

Reconsideration and withdrawal of this rejection are respectfully requested.

7. Claims 1-6 and 14-17 were rejected under 35 U.S.C. \$112, second paragraph, as being indefinite. Claims 1-3, 5, 14 and 16 have been cancelled, thereby mooting their rejection. Reconsideration and withdrawal of this rejection are respectfully requested.

8. Claims 8, 9 and 11 were rejected under 35 U.S.C. \$102(b) over Miyasaka U.S. Patent 6,180,957. Contrary to the statements in the Office Action, while Miyasaka '957 discloses the mere preparation of a thin transistor with a channel width of 2 μm or less, and specific values for length L and voltage V that satisfy expressions (3) and (4) of the presently claimed invention, Miyasaka '957 does not disclose a thin film transistor according to expressions (3) and (4), and instead requires many experiments to optimize thin film transistor characteristics.

For the foregoing reasons, Miyasaka '957 fails to disclose all elements of applicants' claimed invention, and therefore is not a proper basis for rejection under \$102. And, there is no disclosure or teaching in Miyasaka '957 that would have suggested the desirability of modifying any portions thereof effectively to anticipate or suggest applicants' presently claimed invention. Claim 11, which depends from any one of claims 8 and 9, is allowable for the same reasons described herein for claims 8 and 9. Accordingly, reconsideration and withdrawal of this rejection are respectfully requested.

9. Claims 10 and 12 were rejected under 35 U.S.C. \$103(a) over Miyasaka '957 and Yamazaki et al. U.S. Patent 6,218,219. Claim 12 has been cancelled, thereby mooting its rejection.

The Office Action admits that Miyasaka '957 does <u>not</u> disclose the low concentration impurity region only on the drain side, and suggests that Yamazaki '219 allegedly teaches same. However, Yamazaki '219 does <u>not</u> provide the deficiencies of Miyasaka '957 described herein.

For the foregoing reasons, neither Miyasaka '957 nor '219 contains any teaching, suggestion, reason, Yamazaki motivation or incentive that would have led one of ordinary skill in the art to applicants' claimed invention. Nor is there any disclosure or teaching in either of these references that would have suggested the desirability of combining any portions thereof effectively to anticipate or suggest applicants' presently claimed invention. Accordingly, reconsideration and withdrawal of this rejection respectfully requested.

10. Claim 13 was rejected under 35 U.S.C. §103(a) over Miyasaka '957, Applicants' Admitted Prior Art (AAPA) disclosed in applicants' specification and/or Kuni U.S. Patent 5,412,493.

The Office Action includes the statement that Applicants' Admitted Prior Art (AAPA), and Kuni '493, allegedly disclose an LDD region only in the drain side for further reducing the size of a TFT and further increasing the On-current. However, neither of these references provides the deficiencies of Miyasaka '957 described herein.

For the foregoing reasons, neither Miyasaka '957 nor AAPA contains any teaching, suggestion, reason, motivation or incentive that would have led one of ordinary skill in the art to applicants' claimed invention. Nor is there any disclosure or teaching in either of these references that would have suggested the desirability of combining any portions thereof effectively to anticipate or suggest applicants' presently claimed invention. Accordingly, reconsideration and withdrawal of this rejection are respectfully requested.

11. Claims 1-3, 5 and 7 were rejected under 35 U.S.C. §103(a) over Miyasaka '957 and Ohta et al. U.S. Patent 6,532,053. Claims 1-3, 5 and 7 are cancelled, thereby mooting the rejection. Reconsideration and withdrawal of this rejection are respectfully requested.

12. Claims 4, 6 and 14-17 were rejected under 35 U.S.C. §103(a) over Miyasaka '957, Ohta '053 and Yamazaki '219. Also, claims 10 and 12 were rejected under 35 U.S.C. §103(a) over Miyasaka '957 and Yamazaki '219. Claims 12, 14 and 16 have been cancelled, thereby mooting their rejection.

The Office Action includes the statement:

one of ordinary skill in the art would readily recognize that the channel width of TFT is well-recognized parameter of importance subject to routine experimentation and optimization, ..., and that the channel width of a TFT can be readily as small as 2 microns or less ...

Applicants respectfully disagree. The mere preparation of a thin film transistor with a channel width of 2 µm or less (such as described in Yamazaki '219), in which no thought is given to performance (specs) required of the transistor, can be accomplished by a person of ordinary skill in the art. However, it must be kept in mind that in the actual design of

a device, the channel width is not independently fixed. Besides the channel width, design parameters such as channel length L, length ΔL of the LDD region, and sheet resistance R need to be determined to meet the performance requirement of the transistor. Design must take these parameters into consideration because they may be dependent on each other and various transistor characteristics.

Therefore, it would not necessarily be true that a thin film transistor with a channel width of 2 μ m or less, while satisfying expression (2), can be readily obtained simply because Miyasaka '957 discloses a thin film transistor that satisfies expression (2) with a 52 k Ω / \square sheet resistance of the LDD region and a channel width of 10 μ m, and because the mere preparation of a thin transistor with a channel width of 2 μ m or less is easy in itself, as described in Yamazaki '219.

For example, the design of a transistor that is aimed at reducing its size cannot be attained simply by making the channel width 2 µm or less. Actually, various experiments need to be performed to design the above-mentioned various parameters in consideration of transistor characteristics such as OFF current resulting from photoconductive current and ON current. That is to say, the prior art requires many

experiments to design thin film transistor characteristics, because the prior art does <u>not</u> teach a transistor structure that satisfies expression (2) of the presently claimed invention that has the effect of suppressing OFF current resulting from photoconductive current.

Thus, a thin film transistor with a channel width of 2 μ m or less while satisfying expression (2) is actually much more difficult to obtain than it seems if based on Miyasaka '057. The presently claimed transistor structure has a reduced channel width meeting expression (2), as recited in applicants' claims 4 and 6.

For the foregoing reasons, none of Miyasaka '957, Ohta '053 or Yamazaki '219 contains any teaching, suggestion, reason, motivation or incentive that would have led one of ordinary skill in the art to applicants' claimed invention. Nor is there any disclosure or teaching in any of these references that would have suggested the desirability of combining any portions thereof effectively to anticipate or suggest applicants' presently claimed invention. Accordingly, reconsideration and withdrawal of this rejection are respectfully requested.

All claims 4, 6, 8-11, 13, 15, 17, 21 and 22 are now proper in form and patentably distinguished over all grounds of rejection cited in the Office Action. Accordingly, allowance of all claims 4, 6, 8-11, 13, 15, 17, 21 and 22 is respectfully requested.

Should the Examiner deem that any further action by the applicants would be desirable to place this application in even better condition for issue, the Examiner is requested to telephone applicants' undersigned representatives.

Respectfully submitted,

PARKHURST & WENDEL, L.L.P.

August 8, 2003

Date

Roger W. Parkhurst

Registration No. 25,177

Robert N. Wieland

Registration No. 40,225

RWP:RNW/mhs

Attachments: 1 replacement sheet Fig. 38

Attachments A and B

Attorney Docket No.: OGOH:104

PARKHURST & WENDEL, L.L.P. 1421 Prince Street, Suite 210 Alexandria, Virginia 22314-2805

Telephone: (703) 739-0220

西部 做 NISHIBE Tohru 茨木 伸樹 IBARAKI Nobuki

多結晶 (ポリ) シリコン(以下、p-Siと略記) 薄膜トランジスタ(以下、TFTと略記) を用いて、駆動回路を一体化したノートパソコン(PC) 用高精細液晶ディスプレイを開発した。ガラス基板を適用するために、p-Siをエキシマレーザ アニール法で作製し、プロセスの低温化を図った。特に、TFTのしきい値制御と信頼性確保により、多くのTFTから成る駆動回路を集積することに成功した。

This paper focuses on excimer laser crystallized poly-Si TFT technologies for obtaining high-performance notebook-size displays with high pixel density. Among the topics covered are TFT structures for CMOS circuits and their process integration, threshold voltage control, and reliability of TFT characteristics.

譲 まえがき

マルチメディア情報化時代の必需品として、持ち運び可能なノートPCが定着しつつある。そのかなめになるのが、画質の美しい液晶ディスプレイである。従来のアモルファスSi(以下、a-Siと略記)TFTを用いた場合、駆動回路はディスプレイの外側にTAB(Tape Automated Bonding)で接続していた。p-Si TFTを用い、600℃以下の低温プロセスを採用することで、駆動回路をガラス基板上に集積することができる。このため、高精細化、低消費電力化が可能になる。将来、様々な回路を集積できることで応用も広がることが期待される。

低温p-Siの開発史は古く、1980年代半ばから始まった。 小型パネルへの応用が主で、大型化への挑戦はいくどかあったが、成功していない。当社は、97年に世界に先駆けて 対角31cm (12.1型) XGA (eXtended Graphics Array、画素 数:1,024×768)を発表、翌98年には10.4型XGA、99年には 15型UXGA (Ultra XGA、画素数:1,600×1,200)を発表し、 p-Si技術は中、大型ディスプレイにも適用できることを示した。

ここでは、駆動回路を構成する低温p-Si TFTについて、 基本構造、デバイスの特長、作製するうえでキーとなるプロ セス技術と联題について概説する。

p-Siパネルの特長

p-Si TFTパネルの概念を、a-Si TFTパネルと比較して 図1に示す。XGAを例にとると、a-Siパネルは画素部と外付 け回路接続用の4,000個弱の周辺端子群から構成される。 これに対しp-Siパネルでは、画案TFTのほかにすべての

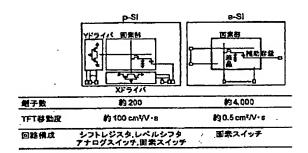


図1. p-Si TFTパネルとa-Si TFTパネルの概念 p-Si TFTパネルは外部端子接続数が淡滅し、基板の1辺に集められるためシンプルになる。図はXGAを示す。

Schematic diagrams of poly-Si TFT panel and a-Si TFT panel

"X, Y" 座標の画素を駆動するために、Xドライバ及びYドライバを構成するTFTが周辺に並ぶ。したがって、外部端子数はX, Yドライバの入力分で良いため、大幅に減少し、X. Y合計で200本弱となる。更に、これらの入力端子を基板の一辺に集められるため、外形がシンプルな構造になる。画案TFTはn-ch TFT(はn)、駆動回路は低消費電力であることと設計マージンが広いことから、p-ch TFT(にn)とn-ch TFTを組み合わせたC-MOS(にn)を用いた。駆動回路はシフトレジスタ、レベルシフタ、アナログスイッチなどから構成され、動作に必要なTFTの動作速度は2MHz程度となる。更に、分割駆動法(性のや冗長回路(にn)を用いて10型の大型ディスプレイを駆動することを可能にした(n)。

- (注1) 電放通路が電子で形成されるnチャネル型TFT。
- (注2) 電流通路がホールで形成されるpチャネル型TFT。(注3) n-ch TFTとp-ch TFTで構成した相補型回路。
- (注4) 画面をいくつかに分けて駆動する方法。
- (注4) 園面をいくつかに分けて単めする方法。 (注5) TFTが部分的に動作すれば動く工夫をした回路。

東芝レビューVol. 55 No. 2 (2000)

3 p-Si TFTの構造

TFTの断面模式を図2に示する。ゲートがp-Si層の上にある"トップゲート"構造を採用した。ゲートがp-Si層の下にある"ボトムゲート"構造に比べ、良質なp-Si結晶が得られるからである。n-ch TFTにはリーク電流の低減、信頼性の向上を図るため、LDD (Lightly Doped Drain) 構造(を)を採用した。p-ch TFTのソース(S) / ドレイン(D)(な) 領域にはポロン(B)、n-ch TFTのS/D領域とLDD領域にはリン(P)を注入した。

ゲート酸化膜は、原料ガスにテトラエトキシシラン (TEOS: TetraEthOxyStlane, Si (OC:Hi)i)を用い、プラズマCVD (Chemical Vapor Deposition) 法にて作製した酸化シリコン(SiOi)を採用した。ゲート金属はモリブデンタングステン(MoW)、配線材料はアルミニウム(AI)である。素子の保護膜に窒化シリコン(SiN)を用いた。p-ch TFT, n-ch TFTとも良好な特性が得られている(図3)[©]。TFTのしきい値はチャネルドーピングによって制御している。

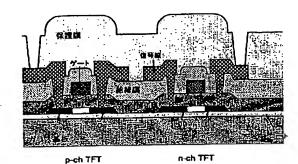


図2. TFTの断面模式図 トップゲート構造で, n-ch TFTはLDD構造となっている。

Cross-sectional view of p-type TFT and n-type TFT

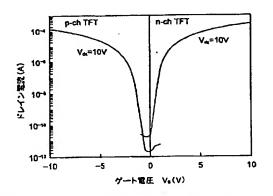


図3. p-SI TFTのドレイン電流ーゲート電圧特性 p-ch TFT, n-ch TFTともに、良好な特性が得られている。
Transfer characteristics of poly-Si TFT

p-Si TFTの固有プロセスと課題

a-Si TFTと比べ、p-Si固有のキープロセス技術として、p-Si形成技術、不純物制御技術、低温ゲート酸化膜形成技術の三つが挙げられる。

4.1 p-Si形成技術

p-Siは、エキシマレーザ(波長308 nm)の高出力パルスを 照射し、a-Si膜を溶融、冷却、固化させることにより形成す る。この方法をエキシマレーザアニール(以下、ELAと略 配)と呼び、大面積にわたって良質なp-Siが低温で得られる。 数10 nsという瞬間的な加熱のため、ガラス基板に損傷を与 えることはない。a-Si膜はシランガスを原料としてプラズマ CVD法で成膜する。a-Si膜中には水索が数~十数%含まれ ており、ELAを行うと瞬時に1,000℃以上になるため、水索 が急激に抜けて膜がはがれてしまう。そのため、ELA前に 熱処理してa-Si膜中の水素養度を数%程度以下に低減す る。

a-Si膜にレーザを照射するといったん溶融して再結晶化し、結晶粒が連なった状態になる。エネルギー密度が低いと、結晶成長が不十分で結晶粒径が小さくなる。また、逆にエネルギー密度が高すぎると、結晶自体が破壊され微結晶が成長しやすくなる。そのため、最適なエネルギー密度の範囲が存在する。同一場所を何回も多重に照射することで結晶粒を大きくし03~1μmとする。図4に示すように、TFTの電界効果移動度(tan)(以下、移動度と略配)はこの結晶粒径に大きく依存する(to)、特に、n-chTFTは電子が粒界散乱の影響を受けやすいため、敏感である。希望する移動度を

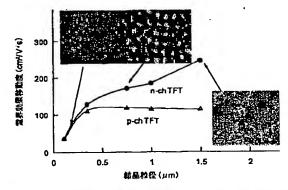


図4. p-Si TFTの電界効果移動度の粒径依存性 電界効果移動度は 小粒径で小さく、粒径が大きくなると、大きくなる。n-ch TFTの方が粒径 に数成である。

Poly-SI grain size dependence of TFT field effect mobility

⁽注6) ゲート端にソース及びドレイン領域より低級度領域を設け、電界を級 和しな化を防ぐ構造

和し劣化を防ぐ構造。 (注7) TFTの電流の入出力領域(S及びD)。

⁽注8) TFTの電流型動能力を示す値。

得るためには、基板内で粒径の均一なp-Si結晶を成長させることが必要である。そのため、a-Si膜厚分布を均一にし、レーザ出力のばらつきを抑えた。

4.2 イオンドーピング

n-ch, p-chTFTの不純物制御には、イオンドーピング法を用いる。この方法は、LSI技術のイオン注入法と異なり、イオン化したガスを質量分離せず。そのまま加速して基板に注入させるものである。もともと大面積基板に効率良く注入し、生産性を向上させるために開発された技術である。Bの例をとると、イオン注入法では質量分離機構によって、Bだけが注入されるのに対し、イオンドーピング法では原料ガスであるジボラン(B.H.)のプラズマ生成された分解生成物、つまり、BH、B.H., H、H····などの成分がすべて基板に注入されることになる。つまり、総イオン電流中の正味のBの割合を正確に計測し、設定しなくてはならない。特に、低機度注入ではドーパント比率(四の計測が難しく、注入量の不安定性、再現性不良の原因になっている。

イオンドーピング工程には、注入する濃度に応じて高、中、低の3種類がある。S及びD領域の形成には高濃度注入が用いられる。ゲート酸化膜を通して注入し、p-Siの損傷を軽減している。その後、600℃程度の熱アニールで再結晶化させ、注入した不純物を活性化させる。LDD領域は、n-chTFTのS及びD領域より2けた低い中濃度注入を実施している。チャネル領域には低濃度注入により、しきい値の微調整をしている。

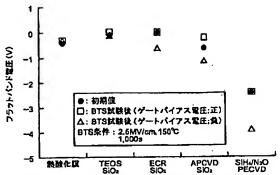
4.3 低温ゲート酸化膜形成技術

ゲート酸化膜の良否は、TFTの特性を大きく左右する。 LSI技術で用いられている熱酸化膜はもっとも良質とされているが、プロセス湿度が900℃以上と高いため、ガラス基板には適用できない。低温で良質な酸化膜を得るためには、成膜中に欠陥を導入しないことが必要である。そこで分解効率が高いTEOSを原料ガスとして、プラズマCVD法により形成した。

様々な酸化膜のBTS (Bias Temperature Stress) 試験(は)的 結果からも、TEOS酸化膜は熱酸化膜に匹敵する特性を示 し、実用に耐えることを示している(図5)。すなわち、ストレ ス試験前後の変化が小さい。 a-Si TFTに用いられているシ ラン/ 亜酸化窒素系のプラズマCVD酸化膜は、Si-N結合に よる欠陥準位が形成され、駆動回路を内蔵するp-Si TFTで は特性が不充分である。

ゲート酸化膜としてTEOS酸化膜を採用することにより。 低温p-Si TFTの信頼性を確保した。

(注3) 基板に打ち込まれたもののうち、正味のBの割合。 (注10) パイアス電圧と温度をかけて劣化をさせる加速試験。



ECR : Electron Cyclotron Resonance AP : Atmospheric Pressure PE : Plasma Enhanced

図5. 様々な酸化膜のBTS試験前後の変化 単結晶SI基板上に酸化膜を成膜し、MOS (Metal Oxide Semiconductor)キャパシタで評価した例を示す。TEOSを原料とした酸化膜は、熱酸化膜に匹敵する良質なものである。

MOS flat band voltage with various SiO2 films

む あとがき

低温p-Si TFTを用いて、世界に先駆けて駆動回路一体型のノートPC用10型液晶ディスプレイパネルとして商品化することができた。加えて高精細な画質を実現し、ユーザーニーズに十分こたえられるものと期待している。

今後は、更にTFTの索子特性を向上することによりシステム(アナログ回路)をガラス基板上に集積し、限りない可能性を秘めた"システムオングラス"に向けて努力を続けていきたい。

文 献

- Aoki, Y., et al. "A 10.4-in. XGA Low-Temperatures Poly-Si TFT-LCD for Mobile PC Applications". SID '99 Digest. 1999-05, SID. 1999, p.176-179.
- Ibaraki, N. "Low-Temperature Poly-Si TFT Technology". SID'99 Digest 1999-05, SID. 1999, p.172--175.



西部 徹 NISHIBE Tohru ディスプレイ・卸品材料社 被品開発センター アレイ生産技術 開発担当主流。ポリシリコンアレイプロセス開発業務に従事。 日本応用物理学会会員。

LCD Research & Development Center



茨木 伸樹 IBARAKI Nobuki, D.Eng. ディスプレイ・都品材料社 液晶開発センター アレイ生産技術 開発担当グループ長、工博。ポリシリコンアレイプロセス調 発業務に従来。SID, 日本応用物理学会会員。

LCD Research & Development Center

東芝レビューVol. 55 No. 2 (2000)



四探針法 (4-Point Probe) を用いた抵抗測定[1] はじめに

四探針法による導電性プラスティックの抵抗率測定法が 1994 年に JIS K 7194 として JIS 規格に採用されている。この方法はパルクでも薄い膜状のシートでもさまざまな形状の導体、半導体などの抵抗率を測定できる便利な方法である。しかし、教科書の 72, 73 ページを見ても何故式 (4.39) で表されるのかが不明なので、この式 (4.39) を導出してみよう。

4 探針抵抗率測定装置は、半径が有限で等間隔に配置されたタングステン金属チップをプローブとしている。4 つの金属チップは、測定中、上下に移動する自動機械ステージの一部をなしており、測定の際に試料の損傷を最小限に止めるため、各チップはスプリングで一端を保持されている。

図 1 に示すように、最外側の 2 つのプローブからハイインピーダンスの電流源を使って電流 I を供給する。試料の抵抗率を決定するために内側の 2 本のプローブ間の電圧 V を配圧計で測定する。典型的なプローブ間隔 d はほぼ 1 [mm] 程度である。

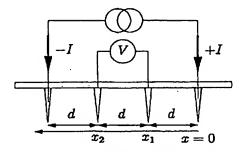
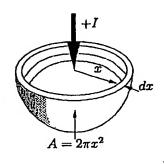


図 1. 四探針法のプローブ配置の概要

理論

パルク試料



プロープ先端の金属チップの大きさは無限小であり、試料は横手 (幅) 方向の長さが半無限であるものと仮定する。試料の厚さ t が十分に厚く、プロープ間隔 d に対して $t \gg d$ であるようなバルク試料では、外側の電流プローブから注入される電流は試料内に (半) 球状に突出していくことが想定される。このとき、電流注入プロープの位置から距離 x にある幅 dx の半球殻の微分抵抗は、抵抗率を p として次式で与えられる。

$$\Delta R = \rho \left(\frac{dx}{A}\right), \quad A = 2\pi x^2 \tag{1}$$

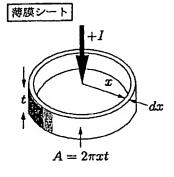
電圧を測定する内側のプローブチップ間で上式の積分を実行すると、プローブ間の抵抗 R が求まる。

$$R = \int_{x_1}^{x_2} \rho \frac{dx}{2\pi x^2} = \frac{\rho}{2\pi} \left(-\frac{1}{x} \right) \Big|_{d}^{2d} = \frac{1}{2d} \frac{\rho}{2\pi}$$
 (2)

ただし、プローブの間隔は一様で d と仮定している。

上では+Iの電流注入による半球殻の抵抗を求めたが、他方の-Iの電流"注入"による影響も全く同じように考えられるから、最外側の二つの電流プローブチップからの電流注入により、電圧プローブ間の抵抗にはR=V/2Iの関係が成り立つ。ゆえに、バルクの抵抗率は次のように表せる。

$$\rho = 2\pi d \left(\frac{V}{I}\right) \tag{3}$$



一方、非常に薄い層状の試料 (厚さ $t \ll d$) では、電流は試料表面で遮られるので、球殻状ではなく環 (リング) 状に流れていくと考えられる。その部分の面積は $A=2\pi xt$ であるから、薄膜シートの抵抗は次のように導かれる。

$$R = \int_{x_1}^{x_2} \rho \frac{dx}{2\pi x t} = \int_{d}^{2d} \frac{\rho}{2\pi t} \frac{dx}{x} = \frac{\rho}{2\pi t} \ln(x) \Big|_{d}^{2d} = \frac{\rho}{2\pi t} \ln 2$$
 (4)

したがって、R = V/2I を代入すると、薄膜シートの抵抗率は次式で与えられる。

$$\rho = \frac{\pi t}{\ln 2} \left(\frac{V}{I} \right) \tag{5}$$

これが数科書 72 ページの式 (4.39) である。この式は van der Pauw 法での抵抗率の式 (4.40) と比例係数が類似しているが、もともとの計測原理は両者で異なる。さらに、式 (5) や式 (6) はプローブの関隔 d には依存しないことに注意しよう。これらの式は p 型基板内の拡散 N+ 領域のような特徴的な半導体層に対してもしばしば用いられる、有効な式である。

一般に、シート抵抗 Rs は次のように表される:

$$R_S = \rho/t, \qquad \therefore R_S = k\left(\frac{V}{I}\right)$$
 (6)

ただし,係数 k は幾何学的な形状要素であり,半無限の薄膜シートでは $k=\pi/\ln 2=4.53$.. である。

参考文献

[1] http://microlab.berkeley.edu/~ee143/Four-Point_Probe/